

Soit $\mathfrak{O} = \mathbf{C}\{x\}$ l'espace des germes de fonctions holomorphes à l'origine (= les séries convergentes d'une variable), c'est en particulier un anneau de valuation discrète relativement à la valuation v définie sur son corps des fractions

$K = \mathfrak{O}[x^{-1}] = \{ f = x^p \cdot g ; p \in \mathbf{Z} ; g \in \mathfrak{O} \}$ (= corps des germes en 0 de fonctions méromorphes) par :

Pour tout $f \in K ; f \neq 0$, $v(f) = \inf_{\mathbf{Z}} \{ p ; f = x^p \cdot g \text{ et } g(0) \neq 0 \}$

$$\text{i.e. } v : K^* \longrightarrow \mathbf{Z}, \text{ avec } v(K^*) = \mathbf{Z},$$

et $v(x) = 1$ (= générateur du groupe \mathbf{Z}) signifie que la variable x définit une uniformisante pour la valuation v .

Si $f \in \mathfrak{O}^*$, alors $f(x) = \sum_{p \geq 0} \{ f^{(p)}(0)/p! \} \cdot x^p$ et on a bien $v(f) = \inf_{\mathbf{N}} \{ p ; f^{(p)}(0) \neq 0 \} \geq 0$.

Dénotons par $\hat{\mathfrak{O}}$ et \hat{K} les formalisés respectifs de \mathfrak{O} et de K (i.e. leurs complétés x -adiques pour la valuation v).

Soit $\Omega_K^1 = \Omega$ le K -espace vectoriel de rang 1 des 1-formes différentielles sur K et $d : K \longrightarrow \Omega$ l'application différentielle ; c'est une dérivation non triviale, i.e. une application additive non nulle vérifiant l'identité

$$d(\alpha \cdot \beta) = \alpha \cdot d\beta + \beta \cdot d\alpha \quad \text{pour tous } \alpha, \beta \in K ;$$

on a alors pour tout $\alpha \in K$, $d\alpha = (d\alpha/dx) \cdot dx = \beta \cdot dx$, avec $\beta \in K$;

et dx est un générateur de Ω .